

2025 春季初一数学每日一题打卡 001

已知 $3^n + m$ 能被 13 整除, 求证: $3^{n+3} + m$ 也能被 13 整除.

设 $3^m + n$ 能被 10 整除, 试证明 $3^{m+4} + n$ 也能被 10 整除.

试题解析

已知 $3^n + m$ 能被 13 整除, 求证: $3^{n+3} + m$ 也能被 13 整除.

【分析】此题属于代数推理, 是新课标下的新命题趋势, 根据条件求得 $3^{n+3} + m$ 为 13 的整数倍即可求解.

【解答】

证明: 设 $3^n + m = 13a$, 则 $3^n = 13a - m$

$$\begin{aligned} & 3^{n+3} + m \\ &= 27 \times (3^n) + m \\ &= 27(13a - m) + m \\ &= 27(13a) - 26m \\ &= 13(27a - 2m) \\ &\therefore 3^{n+3} + m \text{ 也能被 13 整除} \end{aligned}$$

设 $3^m + n$ 能被 10 整除, 试证明 $3^{m+4} + n$ 也能被 10 整除.

【解答】

证明: 设 $3^m + n = 10a$, 则 $3^m = 10a - n$

$$\begin{aligned} & 3^{m+4} + n \\ &= 81 \times (3^m) + n \\ &= 81(10a - n) + n \\ &= 81(10a) - 80m \\ &= 10(81a - 8m) \\ &\therefore 3^{m+4} + n \text{ 也能被 10 整除.} \end{aligned}$$